

النتائج: تحويل الكسور العشرية الدورية إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$

أولاً: تحويل كسر عشري دوري الرقم المتكرر فيه من منزلة واحدة.

س = $\frac{أ}{ب}$

مثال توضيحي: حول الكسر العشري الدوري $٠,٧$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

(١) نفرض س تساوي الكسر العشري الدوري $٠,٧ = س$

(٢) ثم نكتب الكسر العشري الدوري بصورته الأصلية غير محدد بعدد منازل، ونسمى المعادلة (١)

س = $٠,٧٧٧٧٧ \dots \leftarrow (١)$

(٣) نضرب طرفي المعادلة $\times ١٠$ لأن الرقم الدوري من منزلة واحدة وتنتج المعادلة (٢)

$١٠ س = ٧,٧٧٧٧ \dots \leftarrow (٢)$

(٤) نطرح المعادلة (١) من المعادلة (٢)، تذكر ترتيب المنازل مهم جداً.

$١٠ س = ٧,٧٧٧٧٧ \dots$

$- ٠,٧٧٧٧٧ \dots = س$

$\downarrow$ $٧,٠٠٠٠٠ = ٩ س$
 $٧ = ٩ س$

(٥) من المعادلة، نتخلص من معامل س بقسمة الطرفين

على هذا المعامل .

$\frac{٧}{٩} = س \leftarrow \frac{٧}{٩} = س$

للتأكد :
نكتب الكسر بدون
الفاصلة العشرية

نكتب الجزء الغير دوري

الجزء الغير الدوري إذا
كان جزء صحيح يعبر
عنه بـ العدد ١

الجزء الدوري في منزلة
الجزء من ١٠ فيكتب
١٠

$$\frac{٧}{٩} = \frac{٧}{١ - ١٠} = ٠,٧$$

تدريب (١) : حول الكسر العشري الدوري $٠,٤$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$ بنفس الخطوات السابقة

ثانيا: تحويل كسر عشري دوري الرقم المتكرر فيه من منزلتين.

مثال توضيحي: حول الكسر العشري الدوري $0, \overline{17}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

(١) نفرض س تساوي الكسر العشري الدوري $س = 0, \overline{17}$

(٢) ثم نكتب الكسر العشري الدوري بصورته الأصلية غير محدد بعدد منازل ، ونسمى المعادلة (١)

$$س = 0,171717..... \leftarrow (١)$$

(٣) نضرب طرفي المعادلة $\times 100$ لأن الرقم الدوري من منزلتين وتنتج المعادلة (٢)

$$100 س = 17,171717.... \leftarrow (٢)$$

(٤) نطرح المعادلة (١) من المعادلة (٢)، تذكر ترتيب المنازل مهم جدا.

$$\begin{array}{r} 100 س = 17,171717... \\ - 0,171717... = س \\ \hline \end{array}$$

$$99 س = 17,000000 \leftarrow 99 س = 17$$

(٥) تنتج معادلة، نتخلص من معامل س بقسمة الطرفين على

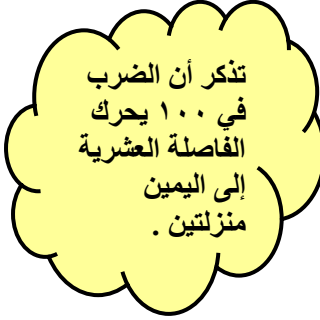
هذا المعامل .

$$\frac{17}{99} = س \leftarrow \frac{17}{99} = س$$

ملاحظة: في جميع الحالات:

* يمكن اختصار الكسر إلى أبسط صورة.
* للتحقق من صحة الحل نقسم البسط على المقام.

تدريب (٢) : حول الكسر العشري الدوري $0, \overline{36}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:



للتأكد :
نكتب الكسر بدون الفاصلة العشرية

نكتب الجزء الغير دوري

$$\begin{array}{r} 17 \\ 99 = 1 - 100 \\ \hline \end{array} = 0, \overline{17}$$

الجزء الدوري في منزلة الجزء من 100 فيكتب 100

الجزء الغير الدوري إذا كان جزء صحيح يعبر عنه بالعدد 1

ثالثا: تحويل كسر عشري دوري الرقم المتكرر فيه من منزلة ويوجد عدد صحيح.

مثال توضيحي: حول الكسر العشري الدوري $3,\overline{7}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

(١) نفرض س تساوي الكسر العشري الدوري $3,\overline{7} = س$

(٢) ثم نكتب الكسر العشري الدوري بصورته الأصلية غير محدد بعدد منازل، ونسمي المعادلة (٣)

$س = 3,77777 \dots \leftarrow (١)$

(٣) نضرب طرفي المعادلة $\times 10$ لأن الرقم الدوري من منزلة واحدة وتنتج المعادلة (٢)

$10س = 37,7777 \dots \leftarrow (٢)$

(٤) نطرح المعادلة (١) من المعادلة (٢)، تذكر ترتيب المنازل مهم جدا.

$10س = 37,77777 \dots$

$- س = 3,77777 \dots$

$9س = 34,0000 \dots \leftarrow 9س = 34$

للتأكد :

نكتب الكسر بدون الفاصلة العشرية

نكتب الجزء الغير دوري $\frac{34}{9} = 3 \frac{7}{9}$

الجزء الدوري في منزلة 37

الجزء من 10 فيكتب 10

الجزء الغير الدوري إذا كان جزء صحيح يعبر عنه بالعدد 1

(٥) تنتج معادلة، نتخلص من معامل س بقسمة الطرفين على هذا المعامل .

$\frac{34}{9} = س \leftarrow \frac{34}{9} = س$

ملاحظة: تطبق نفس الخطوات على تحويل كسر عشري دوري الرقم المتكرر من منزلتين وفيه عدد صحيح ولكن

لاننسى ضرب طرفي المعادلة (٢) في 100 .

تدريب (٣) : حول الكسر العشري الدوري $2,\overline{3}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

رابعاً: تحويل كسر عشري دوري الرقم المتكرر فيه منزلة جزء من مئة

مثال توضيحي: حول الكسر العشري الدوري $٠,٢\overline{٣}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

(١) نفرض س تساوي الكسر العشري الدوري $س = ٠,٢\overline{٣}$

(٢) ثم نكتب الكسر العشري الدوري بصورته الأصلية غير محدد بعدد منازل ، ونسمى المعادلة (١)

$$س = ٠,٢٣٣٣٣٣ \leftarrow (١)$$

(٣) نضرب طرفي المعادلة $\times ١٠$ حتى نحول الجزء غير المتكرر إلى عدد صحيح وتنتج المعادلة (٢)

$$١٠ س = ٢,٣٣٣٣٣ \leftarrow (٢)$$

(٤) نطرح المعادلة (٢) من المعادلة (٣)، تذكر ترتيب المنازل مهم جداً.

$$١٠ س = ٢,٣٣٣٣٣ ..$$

$$س = ٠,٢٣٣٣٣ ..$$

$$٩ س = ٢,١٠ \leftarrow ٩ س = ٢,١$$

(٥) تنتج معادلة، نتخلص من معامل س بقسمة الطرفين على هذا المعامل .

$$\frac{٢,١}{٩} = س \leftarrow س = \frac{١٠ \times ٢,١}{١٠ \times ٩} = \frac{٢١}{٩٠} = \frac{٧}{٣٠} \text{ (أبسط صورة)}$$

تدريب (٤) : حول الكسر العشري الدوري $٠,٧\overline{٠}$ إلى عدد نسبي على صورة $\frac{أ}{ب}$:

تذكر أن الضرب في ١٠ يحرك الفاصلة العشرية إلى اليمين منزلة واحدة.

للتأكد :

نكتب الكسر بدون الفاصلة العشرية

نكتب الجزء الغير دوري

الجزء الغير الدوري إذا كان جزء من عشرة يعبر عنه بالعدد ١٠

الجزء الدوري في منزلة الجزء من ١٠٠ فيكتب ١٠٠

$$\frac{٢١}{٩٠} = \frac{٢١}{٩٠} = \frac{٢١}{٩٠} = ٢,٣$$